

## Übungsblatt 5: Direkte Mechanismen

**Aufgabe 1: Direkte Mechanismen.** Betrachten Sie das SIPV-Modell mit  $n$  Bietern und gleichverteilten Wertschätzungen  $\tilde{v}_i \sim U[0, 1]$ . Geben Sie für jedes der folgenden Auktionsformate den anreizkompatiblen direkten Mechanismus an, der die Performance des symmetrischen Bayes-Nash Gleichgewichts (bzw. das GG in dominanten Strategien, falls vorhanden) implementiert.

- Erstpreisauktion ohne Reservationspreis.
- Erstpreisauktion mit Reservationspreis  $r$ .
- Zweitpreisauktion (ohne Reservationspreis und ohne Eintrittsgeld).
- Zweitpreisauktion mit Eintrittsgeld  $e$ .
- Verkauf zum Festpreis  $p$  bei  $n = 3$  (siehe Aufgabe 3 auf Blatt 2).
- All-Pay Auktion.

**Aufgabe 2: Anreizverträglichkeit direkter Mechanismen.** Gegeben sei wieder das SIPV-Modell mit  $n$  Bietern und gleichverteilten Wertschätzungen  $\tilde{v}_i \sim U[0, 1]$ . Betrachten Sie direkte Mechanismen  $\{(q_i, t_i)\}_{i=1}^n$  mit der Allokationsregel:

$$q_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \begin{cases} 1 & \text{falls } \hat{v}_i > \max_{j \neq i} \hat{v}_j \\ 0 & \text{falls } \hat{v}_i < \max_{j \neq i} \hat{v}_j \end{cases} .$$

Für welche der folgenden Zahlungsregeln ist der direkte Mechanismus  $\{(q_i, t_i)\}_{i=1}^n$  anreizkompatibel?

- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \hat{v}_i$ .
- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \hat{v}_i^n$ .
- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \frac{n-1}{n} \hat{v}_i^n + c$ , für  $c \in \mathbf{R}$ .
- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \begin{cases} \frac{n-1}{n} \hat{v}_i & \text{wenn } q_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = 1 \\ 0 & \text{wenn } q_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = 0 \end{cases} .$