

Übungsblatt 5: Direkte Mechanismen

Aufgabe 1: Direkte Mechanismen. Betrachten Sie das SIPV-Modell mit n Bietern und gleichverteilten Wertschätzungen $\tilde{v}_i \sim U[0, 1]$. Geben Sie für jedes der folgenden Auktionsformate den anreizkompatiblen direkten Mechanismus an, der die Performance des symmetrischen Bayes-Nash Gleichgewichts (bzw. das GG in dominanten Strategien, falls vorhanden) implementiert.

- Erstpreisauktion ohne Reservationspreis.
- Erstpreisauktion mit Reservationspreis r .
- Zweitpreisauktion (ohne Reservationspreis und ohne Eintrittsgeld).
- Zweitpreisauktion mit Eintrittsgeld e .
- Verkauf zum Festpreis p bei $n = 3$ (siehe Aufgabe 3 auf Blatt 2).
- All-Pay Auktion.

Aufgabe 2: Anreizverträglichkeit direkter Mechanismen. Gegeben sei wieder das SIPV-Modell mit n Bietern und gleichverteilten Wertschätzungen $\tilde{v}_i \sim U[0, 1]$. Betrachten Sie direkte Mechanismen $\{(q_i, t_i)\}_{i=1}^n$ mit der Allokationsregel:

$$q_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \begin{cases} 1 & \text{falls } \hat{v}_i > \max_{j \neq i} \hat{v}_j \\ 0 & \text{falls } \hat{v}_i < \max_{j \neq i} \hat{v}_j \end{cases} .$$

Für welche der folgenden Zahlungsregeln ist der direkte Mechanismus $\{(q_i, t_i)\}_{i=1}^n$ anreizkompatibel?

- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \hat{v}_i$.
- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \hat{v}_i^n$.
- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \frac{n-1}{n} \hat{v}_i^n + c$, für $c \in \mathbf{R}$.
- $t_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = \begin{cases} \frac{n-1}{n} \hat{v}_i & \text{wenn } q_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = 1 \\ 0 & \text{wenn } q_i(\hat{v}_1, \dots, \hat{v}_n) = 0 \end{cases} .$